

סטטיסטיקה מתקדמת לתואר שני

פרק 28 - רוח סマー לפרופורציה

תוכן העניינים

1 1. רוח הסマー לפרופורציה

רוח הסמן לפרוורציה:

רקע:

המטרה היא לאמוד את P – פרוורציה באוכלוסייה.

האומד הנקודתי:

$$\hat{p} = \frac{y}{n} \quad Y - \text{מספר ההצלחות שבמדגם}.$$

$$\cdot \hat{p} \pm Z_{1-\frac{\alpha}{2}} \sqrt{\frac{\hat{p}(1-\hat{p})}{n}} : p$$

תנאי לבניית רוח הסמן:

מבחן של לפחות 30 תוצאות (לעתים נתונים תנאי של מספר ההצלחות ומספר כשלונות לפחות 5 או לפחות 10).

האומד לטיעות התקן:

$$\cdot \sqrt{\frac{\hat{p}(1-\hat{p})}{n}} : \text{מתקיים ש} \quad L = 2\epsilon, \hat{P} = \frac{A+B}{2}$$

דוגמה (פתרון בהקלטה):

במטרה לאמוד את אחוז המובטלים במשק נציגו 200 אזרחים, מתוכם התקבלו 24-24 היו מובטלים.

א. בנו רוח סמן לאחוז המובטלים באוכלוסייה ברמת סמן של 95%.

ב. מהו האומד לטיעות התקן?

שאלות:

- 1) נדגמו 200 דירות בעיר חיפה. 48 מהתוכן נמצאו כבעלות ממ"ד.
 - א. בנו רוח סמך ברמת סמך של 95% לאחוז הדירות בחיפה עם ממ"ד.
 - ב. על סמך סעיף א' מה ניתן לומר על שגיאת האמידה המקסימאלית?
 - ג. בהנחה ובחיפה 80 אלף דירות, בנו רוח סמך ברמת סמך של 95% למספר הדירות בחיפה עם ממ"ד בפועל.

- 2) במדגם של 300 אנשי היי-טק התקבל ש-180 מהם אקדמיים.
 - א. בנו רוח סמך לפרוורציה אקדמאים ברמת סמך של 95% (בקרב אנשי היי-טק).
 - ב. כיצד רוח הסמך של סעיף א' תהיה משתנה אם היינו מקטינים את רמת הסמך?
 - ג. כיצד רוח הסמך תהיה משתנה אם היינו מגדילים את גודל המדגמים?

- 3) במדגם של 400 נוהגים התקבל רוח סמך לפרוורציה הנוהגים החדשניים:

$$0.08 < p < 0.18$$
 - א. כמה נוהגים במדגם היו נוהגים חדשים?
 - ב. מהי רמת הסמך של רוח הסמך שנבנה?

- 4) במסגרת מערכת הבחירה בארה"ב נשאלו 840 אנשים עבר איזה מועמד יקבעו. 510 אנשים ענו כי יקבעו בעד ברק אובמה. בסקר פורסם שתתכן סטייה של $\pm 3\%$ מתוצאות האמת. באיזו רמת ביטחון הסקר השתמש?

- 5) במדגם של 300 נשים בגילאי 40-35 נמצא ש-140 היו נשואות, 80 היו גרושות, 60 רווקות והיתר אלמנות.
 - א. מצאו רוח סמך ברמה של 90% לאחוז הגרושות באוכלוסייה הנחקרת.
 - ב. מצאו רוח סמך ברמה של 99% לסיcoli שבאוכלוסייה הנחקרת תמצא אישة לא נשואה?

- 6) ביצעו מדגם באוכלוסייה. שיעור ההצלחות במדגם היה 10% ורוח הסמך ניבנה ברמת סמך של 95%. אורכו הינו 8.3156%. מהו גודל המדגם שנלקח?

תשובות סופיות:

- (1) א. $18.1\% < p < 29.9\%$.
ב. בביטחון של 95% שגיאת האמידה היא לכל היותר 0.059.
ג. לא ניתן לדעת.
- (2) א. $0.545 \leq p \leq 0.655$.
ב. 0.997.
ג. לא ניתן לדעת.
- (3) א. 0.52.
ב. 0.925.
ג. לא ניתן לדעת.
- (4) א. 60.72% > $p > 45.91\%$.
ב. 30.9% > $p > 22.5\%$.
ג. לא ניתן לדעת.
- (5) א. 0.200.
ב. לא ניתן לדעת.